

# L'analyse du changement intra-individuel avec des données expérimentales N=1

Jacques Juhel

CRPCC, Université Rennes 2

## Introduction

## Exemple de tâche expérimentale

\*

- DENTELLE
- GERBE
- IMITATION •
- NOURRICE •

•

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemple de tâche expérimentale

IMITATION

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemple de tâche expérimentale

IMITATION

Réponse positive

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemple de tâche expérimentale

\*

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemple de tâche expérimentale

- DENTELLE
- GERBE
- IMITATION
- NOURRICE

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemple de tâche expérimentale

•

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemple de tâche expérimentale

JEUDI

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemple de tâche expérimentale

**JEUDI**  
Réponse négative

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemple de tâche expérimentale

- DENTELLE
- IMITATION
- GERBE
- NOURRICE

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemple de tâche expérimentale

•

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemple de tâche expérimentale

**DENTELLE**  
Réponse négative  
Intrusion

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemple de tâche expérimentale

**Les variables indépendantes manipulées**

144 items au total répartis de manière équilibrée en fonction de :

- 1) La consigne
  - Répétition : liste de la même couleur que celle de la liste de l'item précédent,
  - Alternance : liste d'une couleur différente de celle de la liste de l'item précédent.
- 2) Le type de sonde
  - P : appartient à la liste à retenir,
  - N : n'appartient pas à la liste à retenir,
  - NI : n'appartient pas à la liste à retenir mais appartient à l'autre liste.

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemple de tâche expérimentale

**Constats effectués sur un échantillon de personnes âgées (N=35)**

En comparaison à ce qui est observé en moyenne pour les items positifs et négatifs :

- la précision des réponses aux items NI est significativement inférieure,
- les latences des réponses aux items NI sont significativement plus élevées.

## Qu'en est-il individuellement de l'effet d'interférence mis en évidence au niveau du groupe de participants?

Deux stratégies de recherche dans l'étude du changement intra-individuel en lien avec les manipulations expérimentales :

Comparaison **normative** en référence à des observations effectuées sur un groupe témoin (ici par exemple l'ensemble des 35 participants de l'étude).

Comparaison **non normative** en référence aux seules observations effectuées chez la personne.

## Stratégies de comparaison normative

### 1) Scores de différence

McNemar (1962) : tester l'hypothèse nulle d'absence de changement vrai entre deux conditions expérimentales en rapportant le score de différence à l'erreur type de mesure.

Maassen (2004) : sous hypothèse de fidélité constante des mesures effectuées, tester l'hypothèse nulle d'absence de changement intra-individuel en calculant le RCI défini par :

$$RCI = \frac{y_i - x_i}{\sqrt{(s_x^2 + s_y^2)(1 - r_{XY})}}$$

$H_0$  peut être rejetée (par ex., au seuil de .05) quand ce rapport est supérieur à la valeur critique 1,96 (test exploratoire bilatéral) ou 1,64 (test confirmatoire unilatéral).

### 2) Scores résidualisés

Estimation de l'amplitude du changement intra-individuel à l'aide de statistiques basées sur la régression d'une condition expérimentale sur l'autre.

Howell (1997) (voir aussi Crawford et Howell, 2006) recommande d'utiliser l'erreur-type du score prédit pour un nouvel individu et de construire les limites de confiance de  $y_i$  en calculant :

$$\frac{\hat{y}_i - y_i}{s_{N+1}} \quad (\text{suit une loi de Student à } N-2 \text{ ddl})$$

$$\text{avec } s_{N+1} = \sqrt{\frac{1 - r^2}{N-2} \left( 1 + \frac{(x_i - \bar{X})^2}{s_X^2 (N-1)} \right)}$$

erreur-type d'estimation  
 $s_{Y.X}$

### 2) Scores résidualisés

$$t_{N+1} = \frac{\hat{y}_i - y_i}{s_{Y.X} \sqrt{1 + \frac{(x_i - \bar{X})^2}{s_X^2 (N-1)}}}$$

Changement « anormal » par rapport au changement observé en moyenne sur le groupe entre les deux conditions expérimentales.

	X	Y		$r_{XY}$	$s_X$ bilatéral	$s_Y$ unilatéral
Step 1	2280	4070	Efficacité	0,827	0,103	0,097
Step 2	4858	4881	mesure de N...	0,796	0,054	0,057
Step 3	5337	5089	mesure de N...	0,786	0,048	0,050
Step 4	1446	2548		0,938	0,500	0,280
Step 5	5072	5100	Test d'égalité de médiane	0,777	0,042	0,023
Step 6	2173	2746	var(N)	0,736	0,016	0,048
Step 7	2191	2455	var(Y)	0,504	0,017	0,309
Step 8	2884	3774	$\hat{y}_i - y_i$	0,743	0,000	0,000
Step 9	2344	3381	$\hat{y}_i - y_i$	0,647	0,030	0,315
Step 10	2446	1445		0,738	0,040	0,030
Step 11	2472	2000		0,707	0,041	0,022
Step 12	2221	2522		0,676	0,021	0,526
Step 13	1701	2286		0,380	0,007	0,629
Step 14	1760	2423	Coefficient	0,000	0,001	0,000
Step 15	3367	3345	B :	0,803	0,033	0,192
Step 16	3866	2968	Sic :	0,582	0,004	0,282
Step 17	2366	3077		0,005	0,000	0,100
Step 18	1560	1711		0,642	0,023	0,248
Step 19	1380	2297		0,302	0,704	0,382
Step 20	2538	2446		0,628	0,019	0,319
Step 21	1226	1717		0,184	0,053	0,428
Step 22	2117	2578		0,290	0,004	0,402
Step 23	1877	2413		0,186	0,001	0,442
Step 24	1960	3091		0,102	0,019	0,440
Step 25	2287	2667		0,400	0,029	0,314
Step 26	2030	3164		0,166	0,206	0,148
Step 27	1934	2793		0,260	0,700	0,308
Step 28	1428	2264		0,276	0,015	0,407
Step 29	1441	2256		0,071	0,044	0,424
Step 30	2166	2850		0,071	0,071	0,408
Step 31	2181	2406		0,070	0,062	0,290
Step 32	1121	1702		0,008	0,046	0,413
Step 33	1960	2221		0,500	0,018	0,330
Step 34	1639	1893		0,500	0,018	0,330
Step 35	1240	1778		0,120	0,000	0,400

### 2) Score résidualisé

$$t_{N+1} = \frac{\hat{y}_i - y_i}{s_{Y.X} \sqrt{1 + \frac{(x_i - \bar{X})^2}{s_X^2 (N-1)}}}$$

Changement par rapport à celui observé en moyenne entre la 1<sup>ère</sup> et la 2<sup>de</sup> moitié de la condition expérimentale X.

	X	Y		$r_{XY}$	$s_X$ bilatéral	$s_Y$ unilatéral
Step 1	2280	4070	Efficacité	0,827	0,103	0,097
Step 2	4858	4881	mesure de N...	0,796	0,054	0,057
Step 3	5337	5089	mesure de N...	0,786	0,048	0,050
Step 4	1446	2548		0,938	0,500	0,280
Step 5	5072	5100	Test d'égalité de médiane	0,777	0,042	0,023
Step 6	2173	2746	var(N)	0,736	0,016	0,048
Step 7	2191	2455	var(Y)	0,504	0,017	0,309
Step 8	2884	3774	$\hat{y}_i - y_i$	0,743	0,000	0,000
Step 9	2344	3381	$\hat{y}_i - y_i$	0,647	0,030	0,315
Step 10	2446	1445		0,738	0,040	0,030
Step 11	2472	2000		0,707	0,041	0,022
Step 12	2221	2522		0,676	0,021	0,526
Step 13	1701	2286		0,380	0,007	0,629
Step 14	1760	2423	Coefficient	0,000	0,001	0,000
Step 15	3367	3345	B :	0,803	0,033	0,192
Step 16	3866	2968	Sic :	0,582	0,004	0,282
Step 17	2366	3077		0,005	0,000	0,100
Step 18	1560	1711		0,642	0,023	0,248
Step 19	1380	2297		0,302	0,704	0,382
Step 20	2538	2446		0,628	0,019	0,319
Step 21	1226	1717		0,184	0,053	0,428
Step 22	2117	2578		0,290	0,004	0,402
Step 23	1877	2413		0,186	0,001	0,442
Step 24	1960	3091		0,102	0,019	0,440
Step 25	2287	2667		0,400	0,029	0,314
Step 26	2030	3164		0,166	0,206	0,148
Step 27	1934	2793		0,260	0,700	0,308
Step 28	1428	2264		0,276	0,015	0,407
Step 29	1441	2256		0,071	0,044	0,424
Step 30	2166	2850		0,071	0,071	0,408
Step 31	2181	2406		0,070	0,062	0,290
Step 32	1121	1702		0,008	0,046	0,413
Step 33	1960	2221		0,500	0,018	0,330
Step 34	1639	1893		0,500	0,018	0,330
Step 35	1240	1778		0,120	0,000	0,400

## Stratégies de comparaison non normative

La méthodologie expérimentale N=1 existe depuis que la psychologie scientifique existe...

→ Ebbinghaus (1895) sur la mémoire verbale, Stratton (1897) sur l'image rétinienne, Bryan et Harter (1899) sur l'apprentissage du morse, etc.

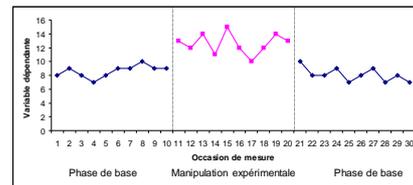
Elle a été et continue à être employée dans un certain nombre de domaines de recherche (avec rigueur dans l'analyse expérimentale du comportement, dans l'analyse de protocoles en psychologie cognitive, plus « soupagement » dans l'étude des effets de l'intervention en psychologie clinique).

Les plans N=1 :

- incarnent le concept de mesures répétées (les plus proximaux par rapport aux dynamiques du comportement) ;
- sont intrinsèquement définis par une forme ou une autre de réplification scientifique ;
- font de la variabilité intra- une information centrale dans l'étude de l'impact des variables indépendantes sur la conduite.

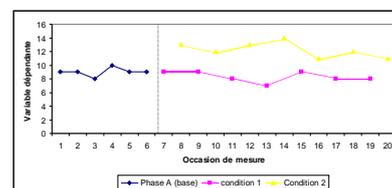
Type de plan	Représentation	Evaluation du niveau, de la variabilité et de la tendance
Intra-séries	Plans à phases -simples (A/B: base/manipulation) -avec retrait (A/B/A, A/B/A/B) -complexes (A/B/C/B)	-pour chaque phase de la série de données; évaluation des changements associés à la VI en comparant les phases de la série.
Inter-séries	Plans alternés	-pour l'ensemble des observations qui correspondent aux conditions; comparaison des conditions entre elles (et à une phase de base éventuellement).
Séries combinées	Plans à lignes de base multiples (entre sujets, entre comportements, entre situations)	-comparaisons à la fois inter (entre séries de données) et intra (entre phases).

### Plan avec retrait A/B/A



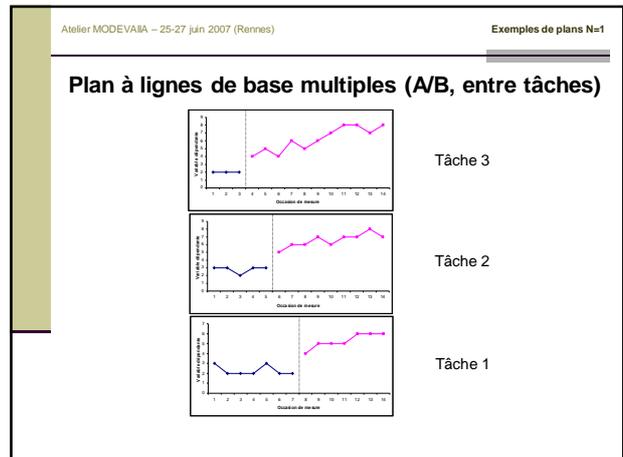
Type de plan	Représentation	Evaluation du niveau, de la variabilité et de la tendance
Intra-séries	Plans à phases -simples (A/B: base/manipulation) -avec retrait (A/B/A, A/B/A/B) -complexes (A/B/C/B)	-pour chaque phase de la série de données; évaluation des changements associés à la VI en comparant les phases de la série.
Inter-séries	Plans alternés	-pour l'ensemble des observations qui correspondent aux conditions; comparaison des conditions entre elles (et à une phase de base éventuellement).
Séries combinées	Plans à lignes de base multiples (entre sujets, entre comportements, entre situations)	-comparaisons à la fois inter (entre séries de données) et intra (entre phases).

### Plan alterné (C1/C2) avec phase de base



Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Exemples de plans N=1

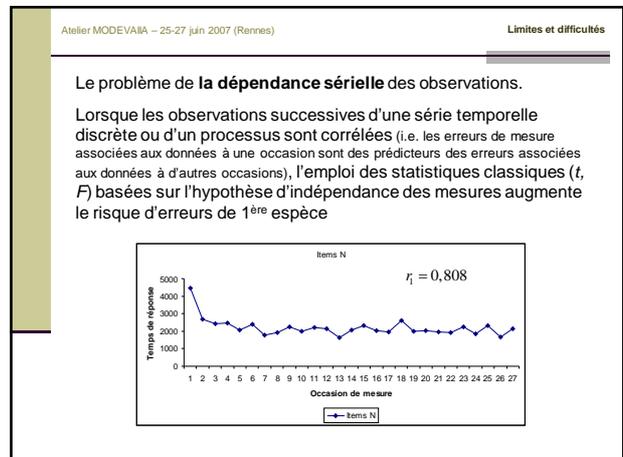
Type de plan	Représentation	Evaluation du niveau, de la variabilité et de la tendance
Intra-séries	Plans à phases -simples (A/B: base/manipulation) -avec retrait (A/B/A, A/B/A/B) -complexes (A/B/C/B)	-pour chaque phase de la série de données; évaluation des changements associés à la VI en comparant les phases de la série.
Inter-séries	Plans alternés	-pour l'ensemble des observations qui correspondent aux conditions; comparaison des conditions entre elles (et à une phase de base éventuellement).
Séries combinées	Plans à lignes de base multiples (entre sujets, entre comportements, entre situations)	-comparaisons à la fois inter (entre séries de données) et intra (entre phases).



Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Limites et difficultés

- La question –complexe- de la généralisabilité (possibilité de générer des hypothèses mais pas de les tester, difficulté d'extrapoler à d'autres individus « semblables »)
- La vulnérabilité des plans N=1 à certains biais méthodologiques (le manque de contrôle dans l'affectation des mesures, difficulté à respecter le principe de randomisation, biais de régression vers la moyenne, etc.) ;
- Les problèmes liés à l'analyse statistique des données.

La méthodologie expérimentale N=1 a toujours « laissé un peu perplexe le psychologue informé en statistiques » (McNemar, 1940, p. 360). Il est vrai qu'à une certaine époque, ses plus ardents défenseurs conseillaient haut et fort au « Leviathan statistique d'aller nager plus loin » (Skinner, 1956, p. 228)...



Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) Méthodes statistiques pour données de plans N=1

### Méthodes statistiques pour plans N=1 avec un faible nombre d'occasions de mesure

Méthode	Nombre minimal d'observations	Données auto-corrélées	Type d'analyse
Analyse ipsative	4	-	Changement entre 2 occasions de mesure
Statistique C	16	non	Analyse d'intervention : A/B, A/B/A
Séries chronologiques interrompues	20	oui	Analyse d'intervention : A/B
Tests de randomisation	f° du nombre de permutations possibles	oui	Plans expérimentaux : A/B, A/B/A, etc. alternés, à lignes de base multiples

Atelier MODEVAIA – 25-27 juin 2007 (Rennes) L'analyse ipsative

### L'analyse ipsative

Rationnel : théorie classique des tests et hypothèse de tests parallèles (Yarnold, 1988).

Conditions d'applicabilité : au moins 4 occasions de mesure d'une même variable dépendante continue séparées par le même intervalle de temps.

- standardisation ipsative des  $T$  scores bruts en utilisant la moyenne et l'écart-type des scores bruts de l'individu ;
- estimation du coefficient d'autocorrélation de rang 1 ( $r_1$ ) considéré comme une estimation de la fidélité temporelle des observations effectuées chez l'individu.

→ Le changement entre deux occasions de mesure  $i$  et  $j$  est statistiquement significatif si :  $\frac{|z_i - z_j|}{\sqrt{T(1-r_1)}} > 1.64$  (à .05, test unilatéral).

### Illustration : évolution des latences sur 8 items (4 NI et 4 N)

TR	score standard ipsatif	autocorrélation [1]	Z <sub>TR</sub> contrastés	différence critique seuil .05 (unilatéral)
5814	1,201	0,738		1,679
4911	0,555		1	0,878
5620	1,062		2	0,945
5293	0,828		3	-0,961
3021	-0,797		4	-0,702
2563	-1,125			
2708	-1,021			
3154	-0,702			

12 comparaisons possibles : 1 vs 3 et 2 vs 3 sign.

### L'analyse d'intervention en séries chronologiques

Une version fréquente des séries chronologiques: les plans quasi-expérimentaux de séries chronologiques interrompues (A/B).

Les modèles conventionnels ARIMA ne conviennent pas lorsque le nombre d'occasions de mesure est faible (i.e. <50) (Huitema, 2004).

#### Plusieurs possibilités d'analyse :

- approche non paramétrique : la statistique C (permet de vérifier si le comportement d'une série est aléatoire mais n'apporte pas de réponse au problème de l'autocorrélation des données).

- approche paramétrique : la méthode du double bootstrap (Knight *et al.*, 2000) (modèle linéaire autorégressif avec erreurs autocorrélées).

La statistique C de Young (Tryon, 1982) fait l'hypothèse de données aléatoires. Elle est définie de la manière suivante:

$$C = 1 - \frac{\sum_{t=1}^{n-1} (x_t - x_{t+1})^2}{2 \sum_{t=1}^n (x_t - \bar{x})^2}$$

La valeur de C est proche de 0 si les variations de la série sont aléatoires. La distribution du rapport entre C et son erreur-type définie par :

$$s_c = \sqrt{\frac{n+2}{(n-1)(n+1)}}$$

est normale centrée réduite.

NB - il est préconisé d'avoir au moins 8 occasions de mesure par phase pour utiliser la statistique C (Arnaud et Bono, 1988).

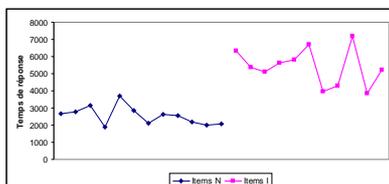
#### Étapes dans l'utilisation de la statistique C, dans un plan A/B par exemple :

1) Calcul de C sur les données de la phase A et test de l'hypothèse d'absence de tendance ;

2a) Sous hypothèse d'absence de tendance, calcul de C sur l'ensemble des observations effectuées (A et B) et test de tendance nulle.

2b) Si rejet de l'hypothèse d'absence de tendance, ajustement des données de la phase de base par régression puis calcul de C sur l'ensemble des valeurs ajustées (A et B) et test de tendance nulle.

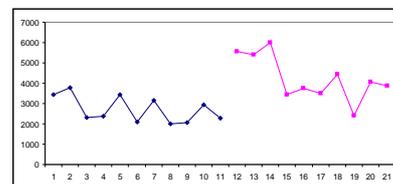
#### Observations effectuées chez le sujet 3 : items répétés négatifs (N) vs items répétés négatifs-intrusifs (NI)



Phase A (items N) : C = -0,15; s<sub>c</sub> = 0,26; p = .34

Phases A+B (items N et I) : C = 0,53; s<sub>c</sub> = 0,20; p = .01

#### Observations effectuées chez le sujet 8 : items répétés négatifs (N) vs items répétés négatifs-intrusifs (NI)



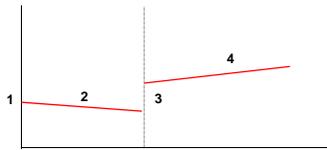
Phase A (items N) : C = -0,09; s<sub>c</sub> = 0,27; p = .393

Phases A+B (items N et I) : C = 0,37; s<sub>c</sub> = 0,21; p = .076

## Comportement d'une série chronologique

Il est déterminé par plusieurs sources de variation :

- des effets **structuraux** : 1) le niveau de base; 2) l'effet du temps ; 3) l'effet de niveau lié à l'intervention ; 4) l'effet de pente suite à l'intervention.
- des effets **stochastiques** : auto-régression ( $y_t$  dépend de  $y_{t-k}$ ), moyenne mobile ( $e_t$  dépend de  $e_{t-k}$ )



## Le modèle d'analyse de régression (A/B)

(McKnight *et al.*, 2000)

$$y_t = \beta_t x + u_t, \quad t = 1, \dots, N$$

$$y_t = \beta_0 \times \text{intercept} + \beta_1 \times \text{temps} + \beta_2 \times \text{niveau} + \beta_3 \times \text{pente} + \text{erreur}$$

$$X = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 0 \\ 1 & 3 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 1 & n_1 & 0 & 0 \\ 1 & n_1 + 1 & 1 & 0 \\ 1 & n_1 + 2 & 1 & 1 \\ 1 & n_1 + 3 & 1 & 2 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 1 & n_1 + n_2 & 1 & n_2 - 1 \end{bmatrix}$$

## Le modèle d'analyse de régression (A/B)

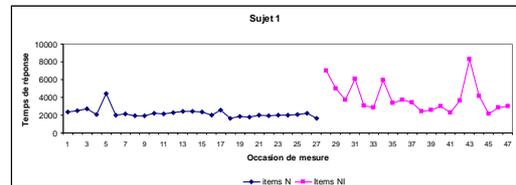
$$y_t = \beta_t x + u_t, \quad t = 1, \dots, N$$

Le terme d'erreur  $u_t$  suit une série autorégressive stationnaire (variance stable dans la série) de rang  $k$ . Les erreurs  $e_t$  sont indépendantes et distribuées normalement.

$$u_t = \rho_1 u_{t-1} + \rho_2 u_{t-2} + \dots + \rho_k u_{t-k} + e_t$$

L'estimation des coefficients de régression (4 dans le plan A/B) et de ceux d'autorégression (généralement  $\rho_1$  seulement) s'effectue en deux étapes avec emploi d'une procédure de bootstrap à chaque étape (McKnight *et al.*, 2000).

Illustration : <http://www.stat.wmich.edu/cgi-bin/slab/timeseries.cgi>



Parameter Estimates and Test that parameter is zero

Parameter	Estimate	t-ratio	p-value
Beta 0	2668,37	4,650	0,000
Beta 1	-33,85	-0,989	0,328
Beta 2	3210,57	4,333	0,000
Beta 3	-70,17	-1,063	0,294
AR 1		0,145	

## Les tests de randomisation

(Edgington, 1996 ; Edgington et Onghena, 2007)

Ce sont des tests basés sur les ré-arrangements aléatoires (des permutations) des occasions de mesure sur les conditions expérimentales. La randomisation est donc préférable à la non randomisation ou à la quasi-expérience (par ex. un plan de type A/B).

**Principe** : randomiser un aspect du plan en sélectionnant aléatoirement un ré-arrangement parmi toutes les permutations théoriquement possibles.

- La statistique étudiée (par ex., une différence de moyennes, de coefficients de variations, de pentes) est calculée pour toutes les permutations possibles obtenues par la procédure de randomisation. Elle est calculée sur un échantillon aléatoire de permutations si celles-ci sont en très grand nombre (test de randomisation Monte-Carlo).

- Les valeurs de cette statistique sont ensuite triées par ordre croissant. La significativité du résultat observé est obtenue en localisant celui-ci dans la distribution de randomisation.

## Plans alternés

Exemple : plan complètement randomisé impliquant 2 conditions avec 3 mesures par condition soit  $\binom{6}{3} = \frac{6!}{3!(6-3)!} = 20$  combinaisons possibles.

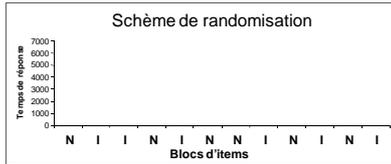
NB - La plus petite valeur de  $p$  pouvant être obtenue avec un test statistique basé sur un schéma de randomisation est l'inverse du nombre de permutations possibles.

## Plans à phases

La succession des phases étant fixée, la randomisation ne peut pas être appliquée à l'ordre des conditions expérimentales. Une manière de procéder consiste à déterminer aléatoirement le moment du changement de phase et à définir un nombre minimum d'occasions de mesure dans chaque phase (Onghena, 1992).

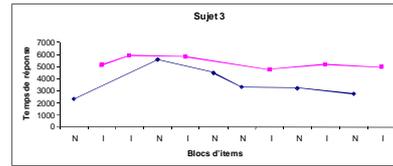
**Illustration : plan alterné à 2 conditions**

12 blocs d'items (6 N, 6 I) soit  $\binom{12}{6} = \frac{12!}{6!(12-6)!} = 924$  combinaisons possibles sans répétition.



Utilisation du programme SCRT (Van Damme et Onghena, 1993, 2007)

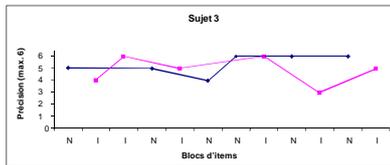
**Illustration : plan alterné à 2 conditions**



- Statistique :  $\bar{T} - \bar{N} = 1676$
- Comparaison de cette différence avec les 923 autres possibles;
- 8 randomisations pour lesquelles  $\bar{T} - \bar{N} > 1676$

$$P(\bar{T} - \bar{N} \geq 1676) = .0087$$

**Illustration : plan alterné à 2 conditions**

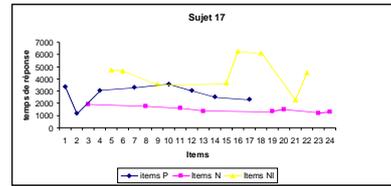


- Statistique :  $\bar{N} - \bar{I} = 0,5$
- Comparaison de cette différence avec les 923 autres possibles;
- 272 randomisations pour lesquelles  $\bar{N} - \bar{I} > 0,5$

$$P(\bar{N} - \bar{I} \geq 0,5) = .294$$

**Illustration : plan alterné à 3 conditions**

24 items (8 P, 8 N, 8 I) soit  $\binom{24}{8} = \frac{24!}{8!(16)!} = 9\,465\,511\,770$  combinaisons possibles sans répétition.



Comparaisons sur 1000 randomisations (Monte-Carlo)

$$P(\bar{P} - \bar{N} \geq 1310) = .046$$

$$P(\bar{T} - \bar{N} \geq 2987) = .001$$

$$P(\bar{T} - \bar{P} \geq 1676) = .011$$

**Plans alternés**

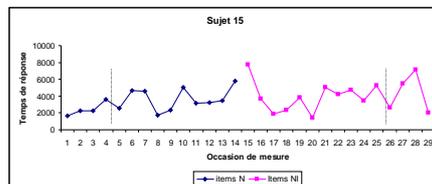
Exemple : plan complètement randomisé impliquant 2 conditions avec 3 mesures par condition soit 20 combinaisons possibles.

NB - La plus petite valeur de  $p$  pouvant être obtenue avec un test statistique basé sur un schème de randomisation est l'inverse du nombre de permutations possibles.

**Plans à phases**

La randomisation ne peut pas être appliquée à l'ordre des conditions expérimentales car la succession des phases est fixée. Une manière de procéder consiste à déterminer aléatoirement le moment du changement de phase et à définir un nombre minimum d'occasions de mesure dans chaque phase (Onghena, 1992).

**Observations effectuées chez le sujet 15 : 14 items répétés négatifs (N) vs 15 items répétés négatifs-intrusifs (NI)**



Calcul avec 4 occasions de mesure par phase (i.e. 22 randomisations) :

$$P(\bar{T} - \bar{N} \geq 754) = .73$$

Plusieurs méthodes d'analyse :

- les procédures inférentielles classiques ( $t$ ,  $F$ ) sont généralement inadaptées (résidus non indépendants) ;
- les analyses de séries chronologiques interrompues (approche non paramétrique ou modèles plus complexes) sont applicables aux plans à phase dès lors que l'on dispose d'une vingtaine d'observations successives ;
- Les tests de randomisation sont faciles à appliquer et ne nécessitent qu'un nombre réduit de mesures dans le cas des plans alternés. Ils présentent l'inconvénient de nécessiter beaucoup d'observations pour les plans à phase, plans par ailleurs méthodologiquement très criticables.

Les possibilités offertes par l'analyse individuelle des effets d'une (ou de plusieurs) manipulation(s) expérimentale(s) à l'**approche différentielle de la variabilité provoquée** sont réelles... à condition de s'en souvenir lors de la phase de planification de l'expérience !